

أنظمة العد

الحاسوب واستخداماته الصحية

Numbering system أنظمة العد

- تحدد معنى لموضع الرمز العددي
- بفرض الرموز ٦٤٢

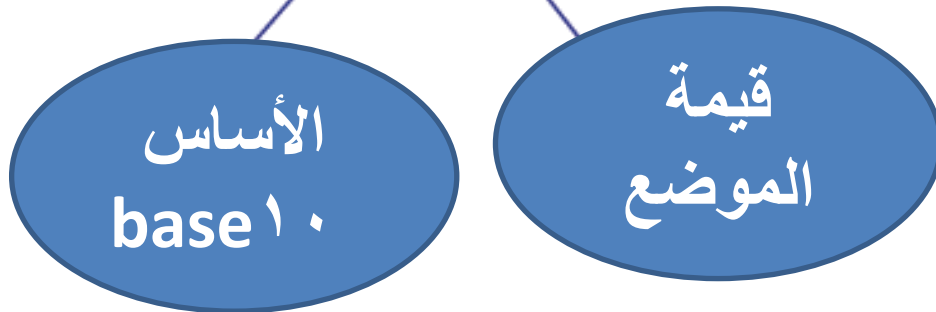
$$642 \text{ is } 600 + 40 + 2$$

- الأساس base ١٠
- الأساس يحدد عدد الرموز في نظام العد وقيمة الموضع

Numbering system أنظمة العد

642 is $600 + 40 + 2$

$$\begin{aligned} 6 \times 10^2 &= 6 \times 100 = 600 \\ + 4 \times 10^1 &= 4 \times 10 = 40 \\ + 2 \times 10^0 &= 2 \times 1 = 2 \end{aligned} = 642 \text{ in base } 10$$



Numbering system أنظمة العد

$$642 = 6_3 * 10^2 + 4_2 * 10^1 + 2_1 * 10^0$$

الأساس
Base

• بشكل عام

$$d_n * B^{n-1} + d_{n-1} * B^{n-2} + \dots + d_1 * B^0$$

عدد الأرقام
في العدد

الرقم في
الموضع i

Numbering system أنظمة العد

- مجموعة الرموز المستخدمة في هذا النظام \mathcal{D}_b
- أساس النظام، وهو عدد الرموز المستخدمة في النظام b

$$\mathcal{D}_b = \{ d_0, d_1, d_2, \dots, d_{b-1} \}$$

$$x = \pm(x_n x_{n-1} \dots x_1 x_0)_b$$

$$x = \pm \sum_{i=0}^n x_i b^i$$

النظام العشري decimal system

- مجموعة الرموز المستخدمة في هذا النظام \mathcal{D}_b
- أساس النظام، وهو عدد الرموز المستخدمة في النظام b

3	1	9	2	← الخانة
10^3	10^2	10^1	10^0	← الوزن
1000	100	10	1	

$$(3192)_{10} = 2*10^0 + 9*10^1 + 1*10^2 + 3*10^3$$

$i = 0$

النظام العشري decimal system

عدد كسري

الأوزان يسار الفاصلة			الأوزان يمين الفاصلة				
...	10^2	10^1	10^0	10^{-1}	10^{-2}	10^{-3}	...

$(315.07)_{10}$

3	1	5	0	7	← الخانة
10^2	10^1	10^0	10^{-1}	10^{-2}	← الوزن
100	10	1	0.1	0.01	.

$$(315.07)_{10} = 3*10^2 + 1*10^1 + 5*10^0 + 0*10^{-1} + 7*10^{-2}$$

111100100001100010010011111000011101010010110011010000100010110000011010001110100110110111
0110010000010100001010101100001010011001001001100001110000010001010110110111101111010111
11001110000111011111011110001001010100100010010000010110001001000101010010011011001100100
0001100011011101100001000001010011111010011100101101001110001111101001011110111100010110
011101000101010100001000001000001000101101000111010011101001110000111010101111011111101
111110111110111101110111011111001110111011011111100101100111101111101010010100101011111
1100011010001110100110110111011001100011011110001001010100100010010111111100011010001110
100110110111011001100011011011110011111010011100101101001110001111101001011101100100111010
011001001000101111101010111100110100011101001101101110110010000011110001101101110110011011
101110011111101100010110100011101001110100111000011101010111110111111011111011111011110
111011101111100111011101101111110010110011110111110001111001111001111001111111000110
100011101001101101110110010001010000011110001101101110110011101011011001100001110111011001
11111101100010110010111011101000101000001101100110000111011101100111111011000101100101110
11101000101000001101001110010011110110001011001101100001110001111001011100010110111110111
111010111000101111101010111100110100011001011100001110010011111010101111001110100110100111
10100110110011001011111010101111001011101100110001110111110110111001011000001110100110
111110000010001101100001110001111001011100010110111110111110101110000110000011110010000
0100011011000011100011110010111000101101111101111110101111110010111111010011010011110100
110110011001011111101010111100110110111001011110100110000110000011010001110100111010011100
001011011100101111000111101011101001111011011110110001010000111101111110111011101001100101
11011101110100101101111010011110011110000110010110001010000011000111101111101110111010011
001011101110111010011110110001011101001100101111100011101001011111101000111010011011011101
100111011100000110001111010001100001111001011100111100101111010011110111101011110100110011
0101101111000100010100000101111111110101011110011011011100101111010011110100110000110100011
101001110100111000010110111001011110001111010111101001111011011110110001010000111101111101
1101110100110010111011101110100101110110011000011101110110011111101011100001110011111100
101100010100000110001111011111101110111011101001100101110111011010011110110001011001011101110
100010100000101111111110101011110011011011100101111010011000011000001101000111010011101001
1100001011011100101111000111101011101001111011011110110001010110001011011010110000011011
011000011110111111011011110000110000111101001101001110001011011001100101100010100000110001
111011111101110111010011001011101110111010011110110001010010011000101111101100010111011011
11010111011001100001111010011001011001001100010111011110001010000010111111110101011110011
100111100011111001011010011110000111010010000011101001111001111000011001011111011000101110
100110010111110001110100101111110101011000011110110110000111100111100011111001011010011110
000111010010001011111010101011111011111110010000110111100001110001001000001101010010000
011011011101010001000110011011101110110110001111010011010111101111101110101000110100011
1001011001011100110100110000011110111000001110111010000111100101000001110010100000111001011010
011011111111001011001011000001111011000001011111011110101000011111111101010100011111111010
10110111011110111010101110010111111111100011101110110101110100111110101010011111111010001

النظام الثنائي Binary system

- الأساس $b=2$.
- مجموعة الرموز المستخدمة $\mathcal{D}_2 = \{ 0, 1 \}$. النظام b

$(110101)_2$

1	1	0	1	0	1	← الخانة
2^5	2^4	2^3	2^2	2^1	2^0	← الوزن
32	16	8	4	2	1	

النظام الثنائي Binary system

$$d_n * B^{n-1} + d_{n-1} * B^{n-2} + \dots + d_1 * B^0$$

$$1011_{\text{bin}} = 1 * 2^3 + 0 * 2^2 + 1 * 2^1 + 1 * 2^0$$

$$1011_{\text{bin}} = (1 * 8) + (0 * 4) + (1 * 2) + (1 * 1)$$

$$1011_{\text{bin}} = 8 + 0 + 2 + 1 = 11_{\text{dec}}$$

النظام الثنائي Binary system

10101011? ?

$$1 \times 2^7 = 1 \times 128 = 128$$

$$+ 0 \times 2^6 = 0 \times 64 = 0$$

$$+ 1 \times 2^5 = 1 \times 32 = 32$$

$$+ 0 \times 2^4 = 0 \times 16 = 0$$

$$+ 1 \times 2^3 = 1 \times 8 = 8$$

$$+ 0 \times 2^2 = 0 \times 4 = 0$$

$$+ 1 \times 2^1 = 1 \times 2 = 2$$

$$+ 1 \times 2^0 = 1 \times 1 = 1$$

= 171 (decimal)

التحويل من النظام الثنائي إلى النظام العشري

$$\begin{aligned}(110101)_2 &= 1*2^5 + 1*2^4 + 0*2^3 + 1*2^2 + 0*2^1 + 1*2^0 \\ &= 32 + 16 + 0 + 4 + 0 + 1 \\ &= (53)_{10}\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}(1100111)_2 &= 1*2^6 + 1*2^5 + 0*2^4 + 0*2^3 + 1*2^2 + 1*2^1 + 1*2^0 \\ &= 64 + 32 + 4 + 2 + 1 \\ &= (103)_{10}\end{aligned}$$

النظام الثنائي Binary system

- الأساس $b=2$.
- مجموعة الرموز المستخدمة $\mathcal{D}_2 = \{ 0, 1 \}$. النظام b

$(11101.011)_2$

1	1	1	0	1	0	1	1	← الخانة
2^4	2^3	2^2	2^1	2^0	2^{-1}	2^{-2}	2^{-3}	← الوزن
16	8	4	2	1	0.5	0.25	0.125	

التحويل من النظام الثنائي إلى النظام العشري

$(11101.011)_2$

$$\begin{aligned} &= 1*2^4 + 1*2^3 + 1*2^2 + 0*2^1 + 1*2^0 \\ &\quad + 0*2^{-1} + 1*2^{-2} + 1*2^{-3} \\ &= 16 + 8 + 4 + 0 + 1 \\ &\quad + 0 + 0.25 + 0.125 \\ &= (29.375)_{10} \end{aligned}$$

التحويل من النظام الثنائي إلى النظام العشري

أكبر عدد ثنائي مؤلف من أربع خانات ؟؟؟؟؟؟؟؟؟

$$\begin{aligned}(1111)_2 &= 1*2^3 + 1*2^2 + 1*2^1 + 1*2^0 \\ &= 8 + 4 + 2 + 1 \\ &= (15)_{10}\end{aligned}$$

التحويل من النظام العشري إلى النظام الثنائي

- إجراء القسمة الصحيحة على الأساس ٢
- باقي القسمة هو قيمة الخانة من اليمين للعدد المكافئ في النظام الثنائي
- نقوم بإجراء القسمة الصحيحة للنتائج السابق على الأساس ٢ ونكرر الخطة لنحصل على الناتج صفر
- ترتيب باقي القسمة من اليمين إلى اليسار

التحويل من النظام العشري إلى النظام الثنائي

$$(117)_{10} = (1110101)_2$$

1	$117 \div 2 = 58$
0	$58 \div 2 = 29$
1	$29 \div 2 = 14$
0	$14 \div 2 = 7$
1	$7 \div 2 = 3$
1	$3 \div 2 = 1$
1	$1 \div 2 = 0$

التحويل من النظام العشري إلى النظام الثنائي

- نضرب الجزء الكسري بالأساس ٢
- الجزء الصحيح لنتاج الضرب هو قيمة الخانة الأولى من اليسار للعدد المكافئ في النظام الثنائي
- نضرب الجزء الكسري لنتاج العملية السابقة بالأساس ٢ ونكرر حتى يكون الجزء الكسري صفراً أو نحصل على الدقة المطلوبة
- ترتيب الجزء الصحيح من اليسار إلى اليمين

التحويل من النظام العشري إلى النظام الثنائي

$$(0.375)_{10} = (0.011)_2$$

→ قيمة الخانة من اليسار

0

$$0.375 * 2 = 0.750$$

1

$$0.750 * 2 = 1.500$$

→ قيمة الخانة من اليمين

1

$$0.500 * 2 = 1.000$$

التحويل من النظام العشري إلى النظام الثنائي

$$(61.5625)_{10} = (11101.1001)_2$$

$$(61)_{10} = (111101)_2$$

1	61 ÷ 2 = 30
0	30 ÷ 2 = 15
1	15 ÷ 2 = 7
1	7 ÷ 2 = 3
1	3 ÷ 2 = 1
1	1 ÷ 2 = 0

$$(0.5625)_{10} = (0.1001)_2$$

1	0.5625 * 2 = 1.1250
0	0.1250 * 2 = 0.2500
0	0.2500 * 2 = 0.5000
1	0.5000 * 2 = 1.0000

العمليات الحسابية في النظام الثنائي (الجمع)

$$(0)_2 + (0)_2 = (0)_2$$

$$(0)_2 + (1)_2 = (1)_2$$

$$(1)_2 + (0)_2 = (1)_2$$

$$(1)_2 + (1)_2 = (0)_2$$

(10)₂

$$(111101)_2 + (1110101)_2 = (\quad)_2$$

العمليات الحسابية في النظام الثنائي (الجمع)

$$(111101)_2 + (1110101)_2 = (10110010)_2$$

المنقول	→	1	1	1	1	1			
			1	1	1	1	0	1	
	+	1	1	1	0	1	0	1	
		<hr/>							
		1	0	1	1	0	0	1	0

العمليات الحسابية في النظام الثنائي (الطرح)

$$(0)_2 - (0)_2 = (0)_2$$

$$(1)_2 - (1)_2 = (0)_2$$

$$(1)_2 - (0)_2 = (1)_2$$

$$(0)_2 - (1)_2 = (1)_2$$

$$(10)_2 - (1)_2 = (1)_2$$

$$(1110)_2 - (101)_2 = (\quad)_2$$

العمليات الحسابية في النظام الثنائي (الطرح)

$$(1110)_2 - (101)_2 = (1001)_2$$

نتيجة الاستلاف →

$$\begin{array}{r} 10 \\ 11\cancel{1}\cancel{0} \\ - 101 \\ \hline 1001 \end{array}$$

النظام الثماني octal system

■ الأساس $b=8$.

■ مجموعة الرموز المستخدمة $\mathcal{D}_8 = \{ 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7 \}$.

ويتكون العدد في النظام الثماني من سلسلة من الخانات التي تستخدم رموز هذا النظام، ويكون لكل خانة وزن يحدد حسب ترتيب الخانة بالقيمة 8^i حيث i هو رقم الخانة ويبدأ من الصفر لخانة الجزء الصحيح الأولى (من اليمين) ثم 1 وهكذا. أما بالنسبة للجزء الكسري فيبدأ رقم الخانة من 1- للخانة الأولى من اليسار ثم 2- وهكذا.

النظام الثماني octal system

$(207.51)_8$

2	0	7	5	1	← الخانة
8^2	8^1	8^0	8^{-1}	8^{-2}	← الوزن
64	8	1	0.125	0.015625	

$$\begin{aligned}(207.51)_8 &= 2*8^2 + 0*8^1 + 7*8^0 + 5*8^{-1} + 1*8^{-2} \\ &= 128 + 0 + 7 + 0.625 + 0.015625 \\ &= (135.640625)_{10}\end{aligned}$$

التحويل من النظام العشري إلى النظام الثماني

- إجراء القسمة الصحيحة على الأساس ٨
- باقي القسمة هو قيمة الخانة الأولى من اليمين للعدد المكافئ في النظام الثماني
- نقوم بإجراء القسمة الصحيحة للنتائج السابق على الأساس ٨ ونكرر الخطوة لنحصل على الناتج صفر
- ترتيب باقي القسمة من اليمين إلى اليسار

التحويل من النظام العشري إلى النظام الثماني

- نضرب الجزء الكسري بالأساس ٨
- الجزء الصحيح لنتاج الضرب هو قيمة الخانة الأولى من اليسار للعدد المكافئ في النظام الثماني
- نضرب الجزء الكسري لنتاج العملية السابقة بالأساس ٨ ونكرر حتى يكون الجزء الكسري صفراً أو نحصل على الدقة المطلوبة
- ترتيب الجزء الصحيح من اليسار إلى اليمين

التحويل من النظام العشري إلى النظام الثماني

$$(135.640625)_{10}$$

$$(135)_{10}$$

$$(0.640625)_{10}$$

$$(135)_{10} = (207)_8$$

7		$135 \div 8 = 16$
0		$16 \div 8 = 2$
2		$2 \div 8 = 0$

$$(0.640625)_{10} = (0.51)_8$$

5		$0.640625 * 8 = 5.125$
1		$0.125 * 8 = 1.000$

التحويل بين النظام الثنائي والنظام الثماني

Binary-octal

$$(1101101.11101)_2 = X_8$$

001	101	101	111	010
1	5	5	7	2

$$(1101101.11101)_2 = (155.72)_8$$

Octal - binary

$$(57.127)_8 = X_2$$

5	7	.	1	2	7
101	111	.	001	010	111

$$(57.127)_8 = (101111001010111)_2$$

بما أن الأساس ٨ فأنا نحتاج إلى ٣ خانة ثنائية

التحويل بين النظام الثنائي والنظام الثماني

Binary-octal

$$(1101101.11101)_2 = X_8$$



001 101 101.111 010
1 5 5 . 7 2

$$(1101101.11101)_2 = (155.72)_8$$

العدد في النظام الثنائي باستخدام 3-Bit	العدد المكافئ في النظام الثماني
000	0
001	1
010	2
011	3
100	4
101	5
110	6
111	7

التحويل بين النظام الثنائي والنظام الثماني

Octal - binary

$$(57.127)_8 = X_2$$



5 7 . 1 2 7
101 111 . 001 010 111

$$(57.127)_8 = (101111001010111)_2$$

العدد المكافئ في النظام الثماني	العدد في النظام الثنائي باستخدام 3-Bit
0	000
1	001
2	010
3	011
4	100
5	101
6	110
7	111

الجمع في النظام الثماني

$$(611237)_8 + (7025)_8 = (\quad)_8$$

المنقول	→		1		1		
		6	1	1	2	3	7
	+			7	0	2	5
		<hr/>					
		6	2	0	2	6	4

$$(611237)_8 + (7025)_8 = (620264)_8$$

النظام الست عشري hexadecimal

Base 16
4 bits

Decimal	Hexadecimal	Binary
0	0	0000
1	1	0001
2	2	0010
3	3	0011
4	4	0100
5	5	0101
6	6	0110
7	7	0111
8	8	1000
9	9	1001
10	A	1010
11	B	1011
12	C	1100
13	D	1101
14	E	1110
15	F	1111

التحويل من النظام العشري إلى النظام الست عشري

- إجراء القسمة الصحيحة على الأساس 16
- باقي القسمة هو قيمة الخانة الأولى من اليمين للعدد المكافئ في النظام الست عشري
- نقوم بإجراء القسمة الصحيحة للنتائج السابق على الأساس 16 ونكرر الخطوة لنحصل على الناتج صفر
- ترتيب باقي القسمة من اليمين إلى اليسار

التحويل من النظام العشري إلى النظام الست عشري

عشري

- نضرب الجزء الكسري بالأساس ١٦
- الجزء الصحيح لنتاج الضرب هو قيمة الخانة الأولى من اليسار للعدد المكافئ في النظام الست عشري
- نضرب الجزء الكسري لنتاج العملية السابقة بالأساس ١٦ ونكرر حتى يكون الجزء الكسري صفراً أو نحصل على الدقة المطلوبة
- ترتيب الجزء الصحيح من اليسار إلى اليمين

التحويل من النظام العشري إلى النظام الست عشري

$$(508.9)_{10} = (1FC.E66)_{16}$$

$(508)_{10}$

$(0.9)_{10}$

C	12	$508 \div 16 = 31$
F	15	$31 \div 16 = 1$
1	1	$1 \div 16 = 0$

E	14	$0.9 * 16 = 14.4$
6	6	$0.4 * 16 = 6.4$
6	6	$0.4 * 16 = 6.4$

التحويل من النظام الست عشري إلى النظام العشري

$(A6E.3)_{16}$

$$\begin{aligned}(A6E.3)_{16} &= A \cdot 16^2 + 6 \cdot 16^1 + E \cdot 16^0 + 3 \cdot 16^{-1} \\ &= 2560 + 96 + 14 + 0.1875 \\ &= (2670.1875)_{10}\end{aligned}$$

التحويل بين النظام الثنائي والنظام الست عشري

Binary-Hexa

$$(100101110 . 11011)_2 = X_{16}$$

0001 0010 1110 . 1101 1000
1 2 E . D 8

$$(100101110 . 11011)_2 = (12E . D8)_{16}$$

Hexa - binary

$$(5D. 2A)_{16} = X_2$$

5 D . 2 A
0101 1101 . 0010 1010

$$(5D. 2A)_{16} = (01011101.00101010)_2$$

الجمع في النظام الست عشري

$$-(9CA)_{16} + (A4)_{16} = (A6E)_{16}$$

$$\begin{array}{r} 1 \\ + \quad 9 \quad C \quad A \\ \quad \quad \quad A \quad 4 \\ \hline A \quad 6 \quad E \end{array}$$

التحويل بين النظام الست عشري والنظام الثماني

Hexa - octal

$$(2DA.E8)_{16} = (1332.72)_8$$

نظام العد	الجزء الصحيح				الجزء الكسري	
النظام الست عشري →	2	D	A	E	8	
↓	0010	1101	1010	1110	1000	
النظام الثنائي →	1011011010				11101	
↓	001	011	011	010	111	010
النظام الثماني →	1	3	3	2	7	2

التحويل بين النظام الست عشري والنظام الثماني

octal-Hexa

$$(715.43)_8 = (1CD.8C)_{16}$$

نظام العد	الجزء الصحيح			الجزء الكسري	
النظام الثماني →	7	1	5	4	3
↓	111	001	101	100	011
النظام الثنائي →	111001101			100011	
↓	0001	1100	1101	1000	1100
النظام الست عشري →	1	C	D	8	C

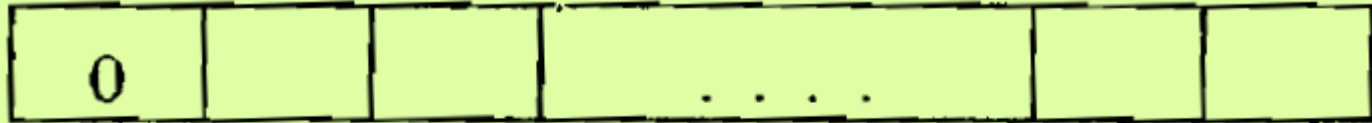
تمثيل الأعداد الصحيحة

- يتم تمثيل الأعداد باستخدام الخانات الثنائية في سجل التخزين بطول محدد مسبقاً n-bit
- n-bit يسمح بتمثيل 2^n
- أعداد موجبة $[0, 2^n - 1]$
- $[0, 255]$ n=8
- الأعداد السالبة ؟؟؟؟؟؟؟؟؟

تمثيل الأعداد الصحيحة

- طريقة الإشارة
- طريقة المتمم الأحادي
- طريقة المتمم الثنائي

طريقة الاشارة



خانة
الإشارة

المكافئ في النظام الثنائي



خانة
الإشارة

المكافئ في النظام الثنائي

طريقة الاشارة

أوجد تمثيل العدد $(50)_{10} +$ في 8 خانات ثنائية باستخدام طريقة الإشارة.

0		$50 \div 2 = 25$
1		$25 \div 2 = 12$
0		$12 \div 2 = 6$
1		$6 \div 2 = 3$
1		$3 \div 2 = 1$
1		$1 \div 2 = 0$

$$(50)_{10} = (110010)_2$$

$$-(50)_{10} \rightarrow \begin{array}{|c|c|c|c|c|c|c|c|} \hline 1 & 0 & 1 & 1 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ \hline \end{array}$$

طريقة الاشارة

في 8 خانات ثنائية نستطيع تمثيل 255 (أي $2^8 - 1$) عدداً صحيحاً مختلفاً باستخدام طريقة الإشارة، وتلك الأعداد تقع ضمن المجال $[-127, 127]$.

$$[-2^{n-1} + 1, 2^{n-1} - 1]$$

طريقة الاشارة

تمثيل العددين $(50)_{10}+$ و $(50)_{10}-$ في 16 خانة ثنائية باستخدام طريقة الإشارة

$+(50)_{10} \rightarrow$

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	1	0	0	1	0
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

$-(50)_{10} \rightarrow$

1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	1	0	0	1	0
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

$+(0)_{10} \rightarrow$

0	0	0	0	0	0	0	0
---	---	---	---	---	---	---	---

$-(0)_{10} \rightarrow$

1	0	0	0	0	0	0	0
---	---	---	---	---	---	---	---

طريقة المتمم الاحادي

$(50)_{10} \rightarrow$

$(110010)_2$

$+(50)_{10}$

0

$-(50)_{10}$

1

$$[-2^{n-1} + 1, 2^{n-1} - 1]$$

$+(0)_{10} \rightarrow$

0	0	0	0	0	0	0	0
---	---	---	---	---	---	---	---

$-(0)_{10} \rightarrow$

1	1	1	1	1	1	1	1
---	---	---	---	---	---	---	---

طريقة المتمم الثنائي

-	$(50)_{10} \rightarrow$	$(110010)_2$								
	$+(50)_{10} \rightarrow$	0	0	1	1	0	0	1	0	
								1	0	1
								1	1	0

ويمثل $-(50)_{10}$

$$[-2^{n-1}, 2^{n-1} - 1]$$

$+(0)_{10} \rightarrow$	0	0	0	0	0	0	0	0
المتمم الأحادي \rightarrow	1	1	1	1	1	1	1	1
المتمم الثنائي \rightarrow	0	0	0	0	0	0	0	0

طريقة المتمم الثنائي

<u>Binary Number</u>	<u>1's complement</u>	<u>2's complement</u>
1010	0101	0110
0101	1010	1011
1001	0110	0111
0001	1110	1111

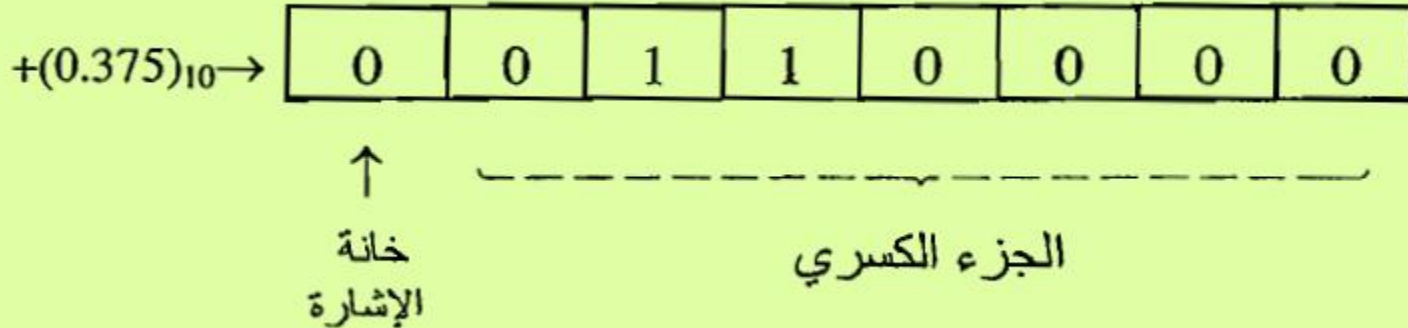
+63 ? -63 ?

في 8 خانات ثنائية نستطيع تمثيل $2^8 = 256$ عدداً صحيحاً مختلفاً باستخدام طريقة المتمم الثنائي، وتلك الأعداد تقع ضمن المجال $[-128, 127]$.

تمثيل الأعداد الكسرية

$$(0.375)_{10}$$

$$(0.375)_{10} = (0.011)_2$$



تمثيل الأعداد الكسرية

$$-(0.375)_{10}$$

$$+(0.375)_{10} \rightarrow$$

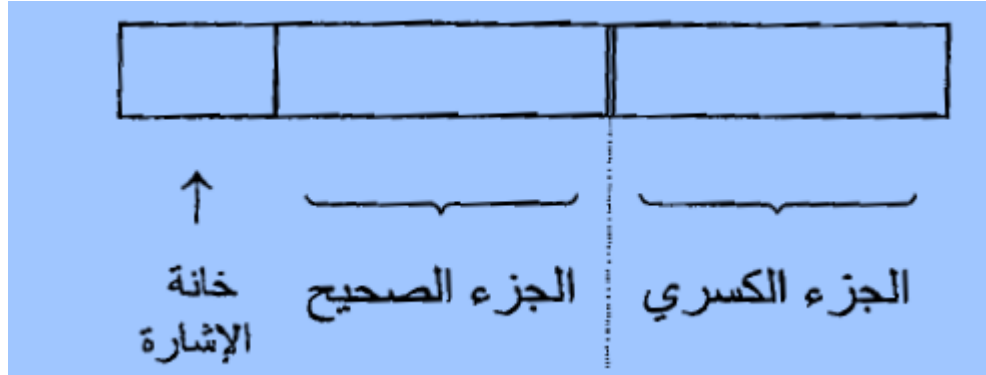
→ المتمم الأحادي

$$-(0.375)_{10} \rightarrow$$

المتمم الثنائي ويمثل

0	0	1	1	0	0	0	0
1	1	0	0	1	1	1	1
1	1	0	1	0	0	0	0

تمثيل الأعداد الكسرية



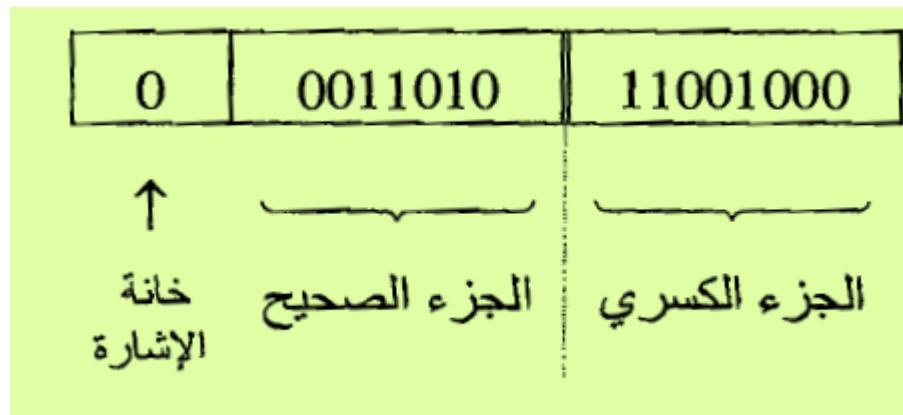
$$\pm(26.8125)_{10}$$

تمثيل الأعداد الكسرية

$$\pm(26.8125)_{10}$$

$$(26)_{10} = (11010)_2$$

$$(0.8125)_{10} = (0.11001)_2$$



تمثيل الأعداد الكسرية

$$\pm(26.8125)_{10}$$

$+(26.8125)_{10} \rightarrow$	0	0011010	11001000
→ المتمم الأحادي	1	1100101	00110111
→ المتمم الثنائي	1	1100101	00111000

نظام الترميز BCD

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
0000	0001	0010	0011	0100	0101	0110	0111	1000	1001

$$(9051)_{10} = (1001\ 0000\ 0101\ 0001)_{BCD}$$

نظام الترميز BCD

2-Bit أقصى اليسار			4-Bit من اليمين
11	10	01	
A	J		0001
B	K	S	0010
C	L	T	0011
D	M	U	0100
E	N	V	0101
F	O	W	0110
G	P	X	0111
H	Q	Y	1000
I	R	Z	1001

STAR

010010 010011 110001 101001

S T A R

نظام الترميز EBCDIC

4-Bit من اليسار			4-Bit من اليمين
1100	1101	1110	
A	J		0001
B	K	S	0010
C	L	T	
D	M	U	
E	N	V	0101
F	O	W	0110
G	P	X	0111
H	Q	Y	1000
I	R	Z	1001

STAR

11100010

11100011

11000001

11011001

S

T

A

R

نظام الترميز ASCII

4-Bit من اليسار					4-Bit من اليمين
0011	0100	0101	0110	0111	
0		P		p	0000
1	A	Q	a	q	0001
2	B	R	b	r	0010
3	C	S	c	s	0011
4	D	T	d	t	0100
5	E	U	e	u	0101
6	F	V	f	v	0110
7	G	W	g	w	0111
8	H	X	h	x	1000
9	I	Y	i	y	1001
	J	Z	j	z	1010
	K		k		1011
	L		l		1100
	M		m		1101
	N		n		1110
	O		o		1111

- نظام معياري لتبادل المعلومات
- Information Interchange
- 256 حرفاً

رمز الحرف	التمثيل بنظام ASCII
A	01000001
a	01100001

نظام الترميز ASCII

- الأعداد من ٦٥ إلى ٩٠ تكافئ تمثيل الحروف A-Z
- الأعداد من ٩٧ إلى ١٢٢ تكافئ تمثيل الحروف الصغيرة a-z

01010011	01010100	01000001	01010010
S	T	A	R

01010011	01110100	01100001	01110010
S	t	a	r

تمارين

17

(a) 10010 (b) 11000 (c) 10001 (d) 01001

11010 + 01111

(a) 101001 (b) 101010 (c) 110101 (d) 101000

110 - 010

(a) 001 (b) 010 (c) $\overset{1}{1}01$ (d) 100

تمارين

1's complement of 10111001

(a) 01000111 (b) 01000110 (c) 11000110 (d) 10101010

2's complement of 11001000

(a) 00110111 (b) 00110001 (c) 01001000 (d) 00111000

101100111001010100001

(a) 5471230_8 (b) 5471241_8 (c) 2634521_8 (d) 2316250_8

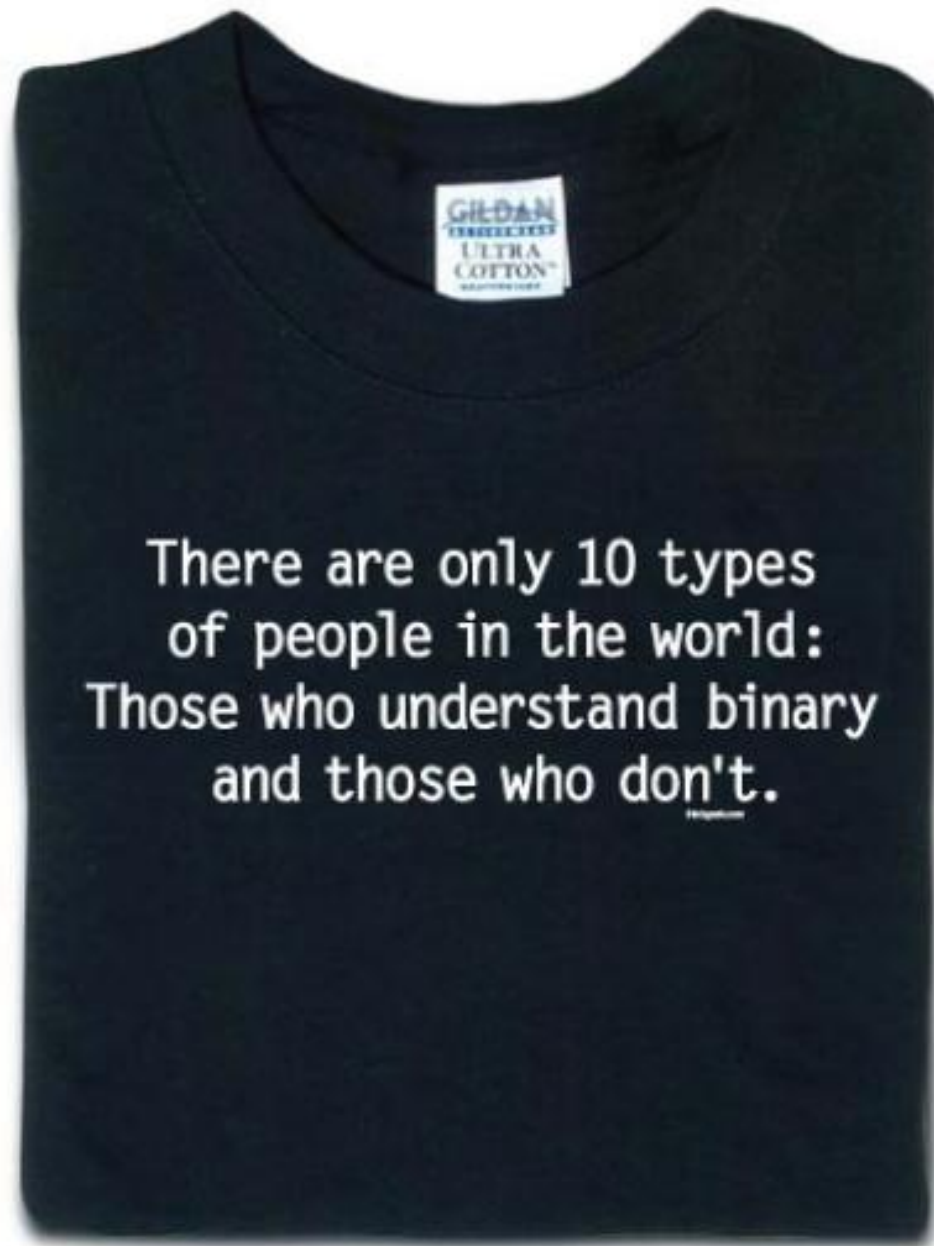
تمارين

10001101010001101111

(a) $AD467_{16}$ (b) $8C46F_{16}$ (c) $8D46F_{16}$ (d) $AE46F_{16}$

BCD 473

(a) 111011010 (b) 111011110101001 (c) 010001110011 (d) 010011110011

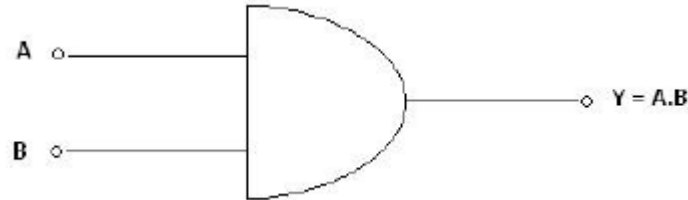


There are only 10 types
of people in the world:
Those who understand binary
and those who don't.

جبر بول والبوابات المنطقية

- البوابة هي عبارة عن دائرة إلكترونية لها دخل واحد أو عدة مداخل وتنتج إشارة خرج.
- الخرج يكون 1 لمجموعة قيم دخل محددة (جدول الحقيقة)

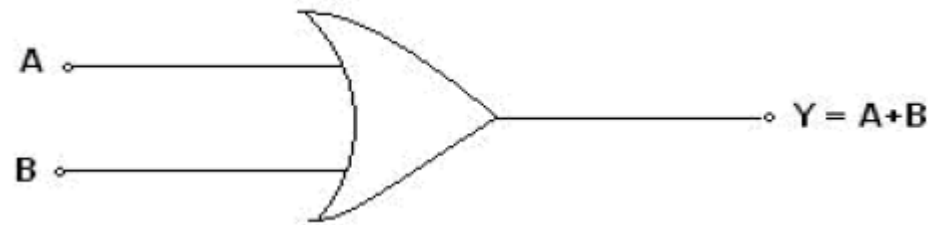
جبر بول والبوابات المنطقية



AND $Y = A . B$

A	B	$Y = A . B$
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1

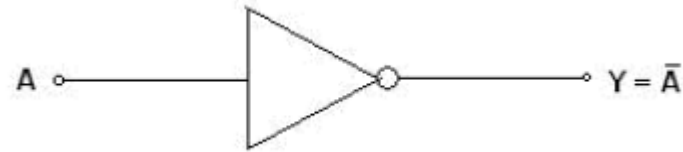
جبر بول والبوابات المنطقية



OR $Y = A + B$

A	B	$Y = A + B$
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	1

جبر بول والبوابات المنطقية

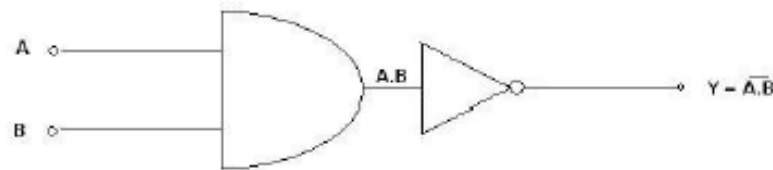


NOT $Y = \bar{A}$

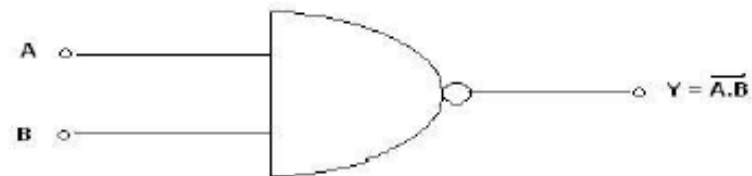
A	$Y = \bar{A}$
0	1
1	0

جبر بول والبوابات المنطقية

NAND



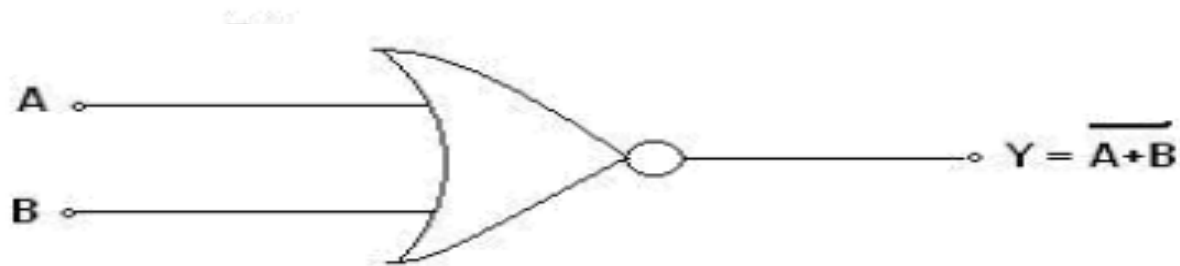
$$Y = \overline{A . B}$$



A	B	$Y = \overline{A . B}$
0	0	1
0	1	1
1	0	1
1	1	0

جبر بول والبوابات المنطقية

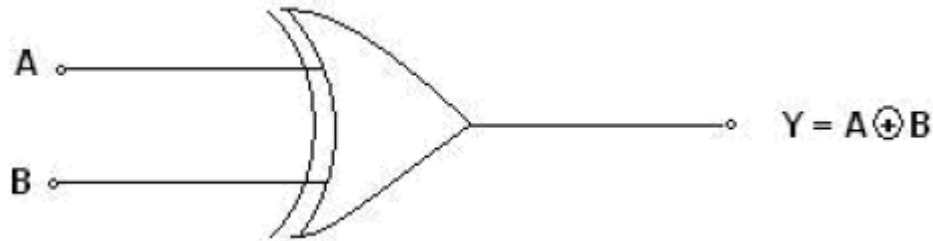
NOR



A	B	$Y = \overline{A+B}$
0	0	1
0	1	0
1	0	0
1	1	0

جبر بول والبوابات المنطقية

XOR



$$Y = \bar{A}.B + A.\bar{B}$$

A	B	Y = A ⊕ B
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0